#### TD Élasticité de la laine

### 1 Ensemble microcanonique

- (a) Écrire le premier principe de la thermodynamique pour la chaîne de monomères.
- (b) Donnez les expressions de la longueur L de la chaîne et de son énergie E en fonction du nombre  $N_{\alpha}$  de molécules dans l'état  $\alpha$ .
- (c) Quel est le nombre d'états ayant pour énergie  $E(N_{\alpha})$  et pour longueur  $L(N_{\alpha})$ ? En déduire l'entropie S du système.
- (d) Explicitez le premier principe de la thermodynamique et en déduire  $N_{\alpha}$  en fonction des paramètres du problème. En déduire l'équation d'état de la chaîne.

## 2 Ensemble canonique

On suppose maintenant que la chaîne est en contact avec un thermostat à la température T.

- (a) Calculez la fonction de partition canonique du système.
- (b) Retrouvez l'équation d'état de la chaîne.

# 3 Ensemble canonique généralisé X-T

On suppose toujours que la chaîne est en contact avec un thermostat à la température *T*. De plus, sa tension est imposée par l'expérimentateur qui se comporte donc comme un réservoir de tension.

- (a) Calculez la fonction de partition généralisée *X-T* du système.
- (b) En déduire l'équation d'état de la chaîne.

### 4 Étude de l'élasticité

Pour simplifier, on supposera dans la suite que  $\Delta \equiv E_{\alpha} - E_{\beta} = 0$ .

- (a) Déterminez la longueur moyenne  $\overline{L}$  de la chaîne à l'équilibre en fonction de X et T.
- (b) Donnez l'allure de la courbe  $\overline{L} = f(X/T)$ . On étudiera plus particulièrement le domaine  $aX \ll k_BT$  et on montrera que, dans ce domaine, la chaîne vérifie la loi de Hooke

$$X = \chi(T)(\overline{L} - L_0).$$

Donnez les expressions de  $L_0$  et  $\chi(T)$ .